

## مسیر حرکت قطره سوخت در جریان چرخشی محفظه احتراق

اکبر غفوریان<sup>۱</sup>، مریم حبیبی پور<sup>۲</sup>

دانشگاه صنعتی شریف - دانشکده مهندسی هوا فضا - تلفن: ۰۲۶۴۹۴۱ - فاکس: ۰۲۲۷۳۱

[Habibipour@mehr.sharif.edu](mailto:Habibipour@mehr.sharif.edu)

### چکیده

در این مقاله رفتار قطره در میدان جریان چرخشی و واستگی مسیر آن به پارامترهای مختلف از جمله نسبت چگالی قطره به سیال، اندازه قطره، شدت چرخش‌های متفاوت میدان و انتقال حرارت جابجایی بررسی شده است. برای بدست آوردن مسیر قطره، ابتدا مؤلفه‌های میدان جریان مشخص شده، سپس در معادله مومنتوم قطره جایگذاری می‌شوند. معادله انرژی نیز به معادلات فوق اضافه شده و دستگاه ODE غیرخطی بدست آمده را با اعمال شرایط مرزی مناسب به کمک روش عددی رانگ-کوتا مرتبه ۴ حل می‌کنیم. همچنین با رسم ترم‌های نیرویی و مقایسه آنها با یکدیگر در معادله مومنتوم قطره، می‌توان نتیجه گرفت که در مواردی که در مواردی از چگالی زیاد است، نیروی جرم مجازی اثر ناجیز روی مسیر قطره دارد و نیروی پسای محوری، نیروی ناشی از گرادیان فشار و نیروی بوبانسی، نیروهای غالب می‌باشند. انتقال حرارت نیز اثر نامحسوسی بر مسیر قطره می‌گذارد که قابل چشمپوشی می‌باشد.

واژه‌های کلیدی: مسیر قطره- جریان چرخشی- محفظه احتراق.

### ۱- مقدمه

مباحث مربوط به رفتار قطرات و ذرات در داخل میدان جریان چرخشی از مسائل بسیار با اهمیت و کلیدی در بسیاری فرایندهای فیزیکی و فعالیتهای صنعتی می‌باشد. یکی از موارد جالب جریانهای دوفازی که به لحاظ علمی و کاربردهای صنعتی دارای اهمیت بسیار می‌باشد، جریان چرخشی دوفازی (Two-phase swirling flow) می‌باشد. در این رابطه می‌توان به رفتار قطرات و ذرات در محفظه احتراق موتورهای انژکتوری، موتورهای موشک سوخت مایع، توربینهای گازی وغیره اشاره کرد. نحوه حرکت ذرات و قطرات در طراحی سیستمهای احتراقی جهت کنترل راندمان اختلاط و ایجاد دوده دارای اهمیت می‌باشد. از این‌رو مطالعه و بررسی به منظور پیش‌بینی و کنترل مسیر ذرات و قطرات همواره مورد توجه پژوهشگران بوده است. بر خلاف کارهای متعددی که در راستای شناخت جریان چرخشی تک‌فاز انجام شده است، در این زمینه مطالعات کمی صورت گرفته است [۱]. [۲] و [۳]. بنابراین به نظر می‌رسد که پیش‌بینی رفتار چرخشی دوفاز به راحتی امکان‌پذیر نباشد. این پیچیدگی می‌تواند ناشی از عوامل مختلفی از جمله برهمنکش قطرات، اغتشاشات جریان وغیره باشد.

بطورکلی بررسی و مطالعه حرکت قطرات یا فاز گستته (Dispersed phase) در سیال حامل یا فاز پیوسته (Continuous phase) را می‌توان به سه حالت کلی تقسیم کرد: [۴]

الف) حالتی که اثر قطرات بر یکدیگر و همچنین بر میدان جریان صرفیزمری شود. به این جریان، جریان رقیق یا جریان بدون برخورد (Collision-free flow or dilute flow) می‌گویند.

ب) حالتی که چگالی حجمی قطرات در فاز پیوسته دارای میزان متوسط می‌باشد، بطوریکه برخورد قطرات با یکدیگر و اثر آنها بر میدان جریان قابل صرفنظر نیست. (Collision-dominated flow or Medium concentration flow)

۱- دانشیار و عضو هیأت علمی دانشگاه صنعتی شریف- دانشکده مهندسی هوا فضا

۲- دانشجوی کارشناسی ارشد مهندسی هوا فضا- دانشگاه صنعتی شریف

ج) حالتی که به خاطر غلظت بالای قطرات در جریان، تماس بین قطرات مهم می‌شود. به این جریان، جریان پر برخورد یا جریان با چگالی بالای ذرات می‌گویند. (Contact-dominated flow or dense flow)

در اینجا حالت (الف) مورد بررسی قرار می‌گیرد. برای بررسی مسیر قطره داشتن اطلاعاتی از قبیل قطره قطره، شکل آن، نوع جریان سیال، متوسط دمای سیال حامل، دمای اولیه قطره، اندازه محفظه و شدت چرخش میدان ضروری است. برای راحتی کار و همچنین مطالعه دقیق‌تر، فقط یک قطره مورد بررسی قرار می‌گیرد. برای بدست آوردن مسیر قطره، ابتدا مؤلفه‌های میدان جریان مشخص شده، سپس نیروهای مؤثر بر حرکت قطره شناسایی و مدلسازی خواهد شد. با توجه به اینکه نیروهای مختلفی بر قطره وارد می‌شود و در مطالعات پیشین، بسیاری از این نیروها مورد توجه قرار نگرفته‌اند، در این مقاله علاوه بر اینکه نیروهایی از قبیل جرم مجازی، نیروی ناشی از گرادیان فشار، نیروی برآی حاصل از ورتیسیتی میدان جریان و نیروی گرانشی در نظر گرفته شده‌است، اثر انتقال حرارت بین قطره و جریان سیال نیز با حل معادله انرژی به همراه معادلات مومنتوم قطره در نظر گرفته می‌شود. این معادلات شامل یک دستگاه ODE غیرخطی می‌باشد که با اعمال شرایط اولیه مناسب اعم از نقطه‌ای که قطره وارد میدان جریان می‌شود، زاویه ورود قطره، دما و سرعت اولیه قطره با استفاده از روش رانگ-کوتا مرتبه ۴<sup>th</sup> (Runge-Kutta 4<sup>th</sup>) تحلیل می‌گردد. بدین ترتیب می‌توان شناختی نسبت به توزیع قطرات پاشیده شده توسط انژکتور در محفظه احتراق با جریان چرخشی بدست آورد.

## ۲- تئوری و روش حل

### ۱- فرضیات

- جریان هوای درون محفظه که حاوی قطرات سوخت می‌باشد، لزج و غیرقابل تراکم در نظر گرفته می‌شود.
- قطره‌های سوخت کروی شکل و یا بسیار نزدیک به آن می‌باشند.
- قطرات کوچک سوخت در هوا از لحاظ مسیر حرکت مانند کره جامد عمل می‌کنند.
- نرخ تبخیر قطرات پایین بوده و شتاب کافی برای تغییر فرم قابل ملاحظه آن وجود ندارد.
- بطور کلی از تغییرات مؤلفه‌های میدان جریان در راستای مماسی صرف نظر می‌کنیم و جریان را متقارن محوری و پایا در نظر می‌گیریم.
- از بعضی نیروهای وارد بر قطره از جمله نیروی باست (Basset force) که اثر تاریخچه حرکت قطره در سیال بر روی خود قطره می‌باشد، صرف نظر می‌شود.

### ۲- میدان جریان

برای بدست آوردن مسیر قطره درون میدان جریان چرخشی، باید مؤلفه‌های سرعت، شتاب و ورتیسیتی میدان جریان مشخص شوند. بطوریکه برای حل معادله مومنتوم قطره که در بخش (۲-۳) به آن پرداخته خواهد شد، می‌توان ابتدا مقادیر متوسط پارامترهای میدان جریان را مشخص کرده و سپس با جایگذاری آنها در معادله مومنتوم، به تحلیل رفتار قطره پرداخت. مهمترین مؤلفه جریان چرخشی، سرعت در راستای مماسی می‌باشد که برای مسئله مورد بررسی ما بهترین فرض در نظر گرفتن ورتسکس بهبودیافته رانکین (Modified Rankine Vortex) می‌باشد [۵].

مزیت مهمی که این نوع جریان دارد، در نظر گرفتن هر دو ناحیه آزاد (Free vortex) و اجباری (Force vortex) جریان چرخشی می‌باشد و با توجه به نوع مسئله‌ای که بررسی می‌شود، می‌توان درصدی از جریان را که به هر ناحیه اختصاص می‌باید تخمین زد. زیرا در اکثر جریانهای چرخشی محبوس مانند جریان درون لوله‌ها و محفظه‌های احتراق با چنین حالتی مواجه هستیم، به گونه‌ای که توزیع شعاعی مؤلفه مماسی جریان چرخشی در نزدیکی محور استوانه مانند ورتسکس اجباری و یا به عبارت دیگر چرخش جسم صلب (Solid Body Rotation) می‌باشد و در نزدیکی دیواره مانند ورتسکس آزاد عمل می‌کند.

در موردی که در اینجا بررسی می‌گردد، قسمت عمده جریان با ورتسکس اجباری مدل می‌شود [۶] و جریان دارای سرعت زاویه‌ای یکنواخت  $\omega$  می‌باشد.

مُؤلفه سرعت شعاعی جریان  $u_r$  ، بسیار کوچک و قابل صرفنظر می‌باشد و مُؤلفه سرعت محوری  $u_z$  ، دارای مقدار ثابتی است. بنابراین میدان مورد بررسی دارای جریانی بصورت مارپیچ (Helical flow) می‌باشد. بنابراین برای مُؤلفه مماسی سرعت میدان داریم:

$$u_\theta = \frac{R_1^2}{R_1^2 + r^2} r\omega \quad (1)$$

که  $R_1$  شعاعی است که تا آن ناحیه، جریان چرخشی بصورت ورتسکس اجباری (چرخش جسم صلب) وجود دارد. بنابراین برای مُؤلفه‌های سرعت میدان جریان در سیستم مختصات استوانه‌ای خواهیم داشت:

$$u_c = (u_r, u_\theta, u_z) \approx (0, \frac{R_1^2}{R_1^2 + r^2} r\omega, W) \quad (2)$$

که  $c$  مشخص کننده فاز پیوسته می‌باشد و  $W$  سرعت ثابت محوری می‌باشد. برای مُؤلفه‌های شتاب میدان جریان داریم:

$$\frac{du_c}{dt} = (-\frac{R_1^2}{R_1^2 + r^2} r\omega^2, 0, 0) \quad (3)$$

و مُؤلفه‌های ورتیسیتۀ میدان بصورت زیر خواهد بود:

$$\Omega = \nabla \times u_c = (0, 0, \frac{2R_1^4}{(R_1^2 + r^2)^2} \omega) \quad (4)$$

### ۳-۲- معادله مومنتوم قطره

بعد از مشخص شدن میدان جریان، باید به نیروهایی که در میدان جریان مغشوش بر قطره وارد می‌شود، پردازیم. این نیروها به دو دسته اصلی تقسیم می‌شوند: نیروهای حجمی  $F_b$  و نیروهای سطحی  $F_s$ . بنابراین داریم:

$$\rho_d V_d \frac{du_d}{dt} = F_b + F_s \quad (5)$$

که در آن حجم قطره برابر با  $V = 4\pi r^3/3$  که در آن  $a$  شعاع قطره و  $d$  نشان‌دهنده فازگسسته می‌باشد. در رابطه با نیروهای حجمی می‌توان به نیروهای مغناطیسی و گرانشی اشاره کرد. با توجه به نوع مسئله، تنها نیروی حجمی ناشی از جاذبه می‌باشد. بطوريکه:

$$F_b = \rho_d V_d g \quad (6)$$

نیروی سطحی نیرویی است که تنها در صورت وجود تماس مستقیم، از عامل بیرونی که میدان جریان سیال می‌باشد، به جسم وارد می‌شود. با توجه به شرایط مسئله، نیروهای سطحی متعددی بر قطره وارد می‌شود که مهمترین آنها عبارتند از:

### - نیروی پسا (Drag force)

هنگامیکه قطره در میدان جریان سیال قرار می‌گیرد، از طرف میدان جریان، نیروی مقاومی به آن وارد می‌شود که ناشی از لزجت سیال است و ترکیبی از نیروهای فشاری و برشی مابین جریان و قطره می‌باشد. مقدار این نیرو بر حسب شرایط فیزیکی حاکم بر میدان جریان دو فاز، متغیر می‌باشد. رابطه کلی که برای نیروی پسا برای محدوده وسیعی از رینولدز به کار می‌رود، بصورت تجربی بدست آمده و عبارت است از: [۷]

$$F_D = -\frac{1}{2} \rho_c C_D \pi a^2 (u_d - u_c) |u_d - u_c| \quad (7)$$

که ضریب نیروی مقاوم بوده و برابر است با: [۸]

$$C_D = \frac{24}{Re_d} (1 + 0.15 Re_d^{0.687}) + \frac{0.42}{1 + 4.24 + 10^4 Re_d^{-1.16}} \quad \forall Re_d < 3 \times 10^5 \quad (8)$$

رینولدز قطره به عنوان پارامتر اولیه مهم برای تعیین نیروی مقاوم بصورت زیر تعریف می‌شود:

$$Re_d = \frac{2a|u_d - u_c|}{\nu_c} \quad (9)$$

$\nu_c$  لزجت سینماتیکی سیال حامل می‌باشد.

### - نیروی جرم مجازی (Virtual mass (added mass) force)

حرکت یک جسم در داخل یک سیال باعث جابجایی مقدار معینی از سیال با انرژی جنبشی مشخصی می‌گردد. به مقدار جرمی از سیال که با سرعت نسبی جسم و سیال حرکت کرده بطوریکه انرژی جنبشی آن با مقدار واقعی آن برابر گردد، جرم مجازی گفته می‌شود. انتظار می‌رود که این جرم مجازی دارای شتابی برابر شتاب نسبی جرم و سیال باشد. بدینهی است که عامل این شتاب نیروی وارده از جسم به آن باشد. عکس العمل این نیرو به عنوان یک عامل بازدارنده در برایر حرکت جسم عمل می‌نماید و بصورت زیر تعریف می‌شود:

$$F_M = -C_A \rho_c V_d \left( \frac{Du_c}{Dt} - \frac{du_d}{dt} \right) \quad (10)$$

که ضریب  $C_A$  برابر است با: [۹]

$$C_A = 1.05 - \frac{0.066}{A^2 + 0.12} \quad (11)$$

و  $A$  عدد شتاب ( Acceleration number ) نام دارد:

$$A = \frac{|u_c - u_d|^2}{2a \left| \frac{du_c}{dt} - \frac{du_d}{dt} \right|} \quad (12)$$

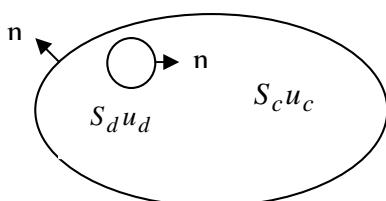
### - نیروی ناشی از گرادیان فشار (Pressure gradient force)

این نیرو از طرف جریان سیال به حجمی که قطره اشغال کرده، وارد می‌شود. در رابطه (۱۳)  $\sigma$  تانسور تنش بوده که بصورت  $\sigma_{ij} = -\rho_c p \delta_{ij} + \mu_c (u_{i,j}^c + u_{j,i}^c)$  تعریف می‌شود. بنابراین برای نیروی ناشی از گرادیان فشار می‌توان نوشت:

$$F_p = \int_{S_d} \sigma \cdot n dS = \int_{V_d} \nabla \sigma \cdot dV = \int_{V_d} \rho_c \left( \frac{Du_c}{Dt} - g \right) dV = \rho_c V_d \left( \frac{Du_c}{Dt} - g \right) \quad (13)$$

این نیرو با فرض یکنواخت بودن جریان سیال در حجم قطره بدست می‌آید. ترم  $-\rho V_d g$  - بیانگر نیروی ارشمیدسی وارد بر قطره، از طرف سیال می‌باشد.

نمادهای بکار رفته در رابطه فوق را می‌توان در شکل (۱۱) مشاهده کرد:



نمودار ۱. شماتیک یک قطره با حجم مشخص در داخل یک حجم از میدان جریان سیال.

### - نیروی برآ (Lift force)

بهدلیل وجود ورتیسیته در میدان جریان، نیروی برآبی در راستای عمود بر مسیر حرکت قطره نسبت به میدان، به قطره وارد میشود و برابر است با: [۱۰]

$$F_L = \rho_c V_d C_L (u_c - u_d) \times \Omega \quad (14)$$

و  $C_L$  برابر با  $\frac{1}{2}$  میباشد [۱۰].  $\Omega$  در بخش قبلی محاسبه شد.

اگر فرض کنیم که قطره در زمان  $t$  در مکان  $(r(t), \theta(t), z(t))$  باشد، آنگاه داریم:

$$u_d = (\dot{r}, r\dot{\theta}, \dot{z}), \quad , \quad \frac{du_d}{dt} = (\ddot{r} - r\dot{\theta}^2, 2r\dot{\theta}\ddot{\theta} + r\ddot{\theta}, \ddot{z}) \quad (15)$$

بعد از جایگذاری سرعت و شتاب میدان در معادلات مومنتوم ذره و تفکیک آنها در سه راستا، بی بعدسازی را بوسیله پارامترهای زیر انجام میدهیم:

$$t^* = t\omega, \quad , \quad \gamma = \frac{\rho_d}{\rho_c}, \quad , \quad z^* = \frac{z}{R_2}, \quad , \quad r^* = \frac{r}{R_2}, \quad , \quad a^* = \frac{a}{R_2}, \quad , \quad M = \frac{R_1}{R_2}.$$

که  $R_2$  شعاع محفظه ایست که میدان جریان چرخشی را دربر دارد.  
شتاب و سرعت نسبی را تعریف میکنیم:

$$u_R = u_d - u_c, \quad , \quad \frac{du_R}{dt} = \frac{du_d}{dt} - \frac{du_c}{dt} \quad (16)$$

در نهایت معادلات مومنتوم قطره به صورت زیر در میآید (در ادامه از علامت ستاره صرفنظر میشود):

$$\ddot{r} - r(\dot{\theta}^2 - \frac{M^2}{M^2 + r^2}) = -\frac{3}{8} \frac{C_D}{a(\gamma + C_A)} |u_R| \dot{r} + \frac{\gamma - 1}{\gamma + C_A} \frac{M^2}{M^2 + r^2} r - \frac{2C_L}{\gamma + C_A} \frac{M^4}{(M^2 + r^2)^2} r(\dot{\theta} - \frac{M^2}{M^2 + r^2}) \quad (17)$$

$$2r\dot{\theta} + r\ddot{\theta} = -\frac{3}{8} \frac{C_D}{a(\gamma + C_A)} |u_R| r(\dot{\theta} - \frac{M^2}{M^2 + r^2}) + \frac{2C_L}{\gamma + C_A} \frac{M^2}{M^2 + r^2} \dot{r} \quad (18)$$

$$\ddot{z} = \frac{1}{Fr} \frac{\gamma - 1}{\gamma + C_A} - \frac{3}{8} \frac{C_D}{a(\gamma + C_A)} |u_R| (\dot{z} - Ro) \quad (19)$$

در این معادلات  $Ro = \frac{W}{R_2 \omega}$  و  $Fr = \frac{R_2 \omega}{g}$  میباشند که اولی عددی مشابه عدد فرود (pseudo-Froude number) و دومی عدد روزبی (Rossby number) میباشد.

### ۴-۲-۴- معادله انرژی و بررسی انتقال حرارت قطره و سیال

در این مقاله بدون درنظر گرفتن تبخیر برای قطره، دمای آن در هر لحظه با حل معادله انرژی بدست میآید. با توجه به این فرض که عدد بیو (Biot number) کمتر از  $1/10$  میباشد، میتوان دمای درون قطره را ثابت درنظر گرفت [۱۱]. بنابراین خواهیم داشت:

$$\rho_d V_d C \frac{dT_d}{dt} = 2\pi a k_c N u_d (\tilde{T}_c - T_d) \quad (20)$$

در این معادله  $C$  ظرفیت گرمایی و بیو قطره،  $\tilde{T}_c$  دمای متوسط سیال،  $T_d$  دمای قطره،  $N u_d$  عدد نوسلت قطره و  $k_c$  ضریب هدایت گرمایی سیال میباشد و برابر است با: [۱۲]

$$N u_d = 2 + 0.6 Re_d^{0.5} Pr^{0.33}, \quad \forall Re_d < 5 \times 10^5 \quad (21)$$

و  $Pr$  عدد پرانتل مربوط به سیال حاوی قطرات میباشد.

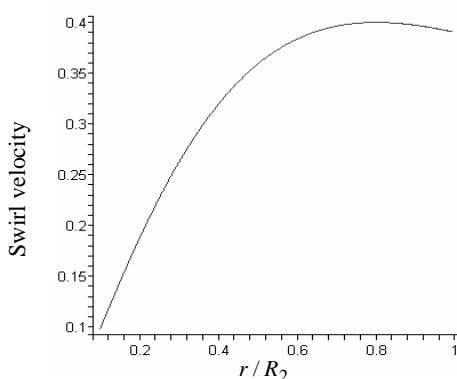
با درنظر گرفتن معادله انرژی به صورت بدون بعد به همراه معادلات مربوط به مومنتوم قطره، یک دستگاه معادلات ODE غیرخطی بدست می‌آید که شامل سه معادله مرتبه ۲ و یک معادله مرتبه ۱ می‌باشد. بنابراین برای حل این دستگاه به ۷ شرط اولیه نیاز داریم. نکته‌ای که در اینجا باید به آن پرداخته شود مقدار سرعت قطره در زمان اولیه  $t=0$  می‌باشد. با توجه به اینکه زمان شکل‌گیری قطرات قابل صرفنظر نمی‌باشد، در طی این زمان قطره با جریان درگیر شده و می‌توان فرض نمود که سرعت آن با سرعت جریان برابر می‌شود. بنابراین داریم:

$$\begin{aligned} r(0) &= r_0 & \dot{r}(0) &= 0 \\ \theta(0) &= \theta_0 & \dot{\theta}(0) &= \frac{M^2}{M^2 + r_0^2} \\ z(0) &= z_0 & & \\ T_d(0) &= T_{d0} & \dot{z} &= Ro \end{aligned} \quad (22)$$

بعد از حل عددی این دستگاه معادلات با استفاده از روش رانگ-کوتا مرتبه ۴، می‌توان رفتار قطره را در میدان جریان مذبور بررسی و تحلیل نمود.

### ۳- بحث و نتیجه‌گیری

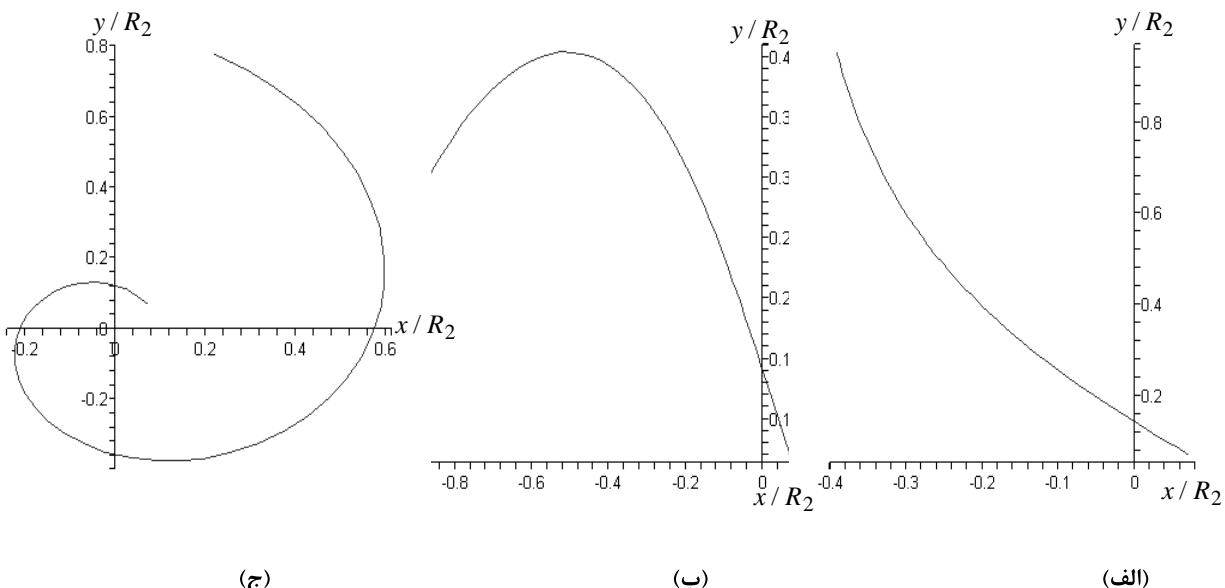
در این بخش رفتار قطره در سه اندازه متفاوت شدت چرخش میدان بررسی خواهد شد. همچنین اثر اندازه قطره و انتقال حرارت در مسیری که درون میدان طی می‌کند، مورد ارزیابی قرار خواهد گرفت. محاسبات در دمای اولیه سیال هوا  $T_c = 150^\circ\text{C}$  و دمای اولیه قطره  $T_d = 25^\circ\text{C}$  در شرایط اولیه  $r(0) = 0$  و  $\theta(0) = 45^\circ$  و  $z(0) = 0$  انجام شده است. نکته‌ای که باید در اینجا مورد توجه قرار گیرد، چگونگی تغییرات مؤلفه چرخشی میدان جریان می‌باشد. شکل (۲) توزیع شعاعی این مؤلفه را نشان می‌دهد. همانطور که در این شکل مشاهده می‌شود، سرعت چرخشی میدان در قسمت وسط محفظه تا کناره دیواره بصورت گرداب اجباری و در کنار دیواره‌ها بصورت گرداب آزاد عمل می‌کند.



نمودار ۲. مؤلفه سرعت چرخشی میدان جریان  
(ورتکس بهبود یافته رانکین که ۸۰٪ میدان جریان چرخشی، ورتكس اجباری وجود دارد)

ابتدا مسیر قطره در صفحه  $x-y$  و  $y-z$  برای سه حالت  $S^{-1} = 5.0$ ،  $10.0$  و  $50.0$  مقایسه می‌شود. در این حالت شعاع قطره ۱ میلی‌متر، سرعت محوری جریان مقدار ثابت  $s = 0.08$  و  $W = 0.04$  m/s و شعاع محفظه  $R_2 = 10$  cm در نظر گرفته شده است. همانطور که انتظار می‌رود، به جهت اینکه چگالی قطره از سیال حامل آن بیشتر می‌باشد، از هر نقطه‌ای که در میدان رها شود به سمت دیواره حرکت می‌کند. با توجه به شکل‌های (۳)، (۴) و (۵) مشاهده می‌شود که هر چه شدت چرخش میدان بیشتر باشد، میزان درگیری قطره با میدان کمتر بوده و سریعتر از خطوط جریان جدا می‌شود و به دیواره برخورد می‌کند و مسیری که در شدت چرخش پایین‌تر طی می‌کند، به شکل مارپیچی خطوط جریان نزدیکتر است. تمام نمودارهای مسیر در زمان  $t = 10$  رسم شده اند.

نکته قابل توجه در این نمودارها، مسیر حرکت کاملاً چرخشی قطره سوخت می‌باشد که با فرض سرعت اولیه یکسان قطره و سیال و با توجه به چگالی بالای قطره نسبت به سیال که باعث تأثیر غالب نیروی وزن قطره می‌شود، ممکن است تا حدودی دور از ذهن جلوه کند. لیکن همانطور که در انتهای نتایج اشاره می‌شود، چون حرکت قطره تحت تأثیر نیروهای مختلفی می‌باشد، می‌توان دید که نیروی بیوانسی و نیروی پسای محوری که در جهات مخالف عمل می‌کنند، از لحاظ اندازه تقریباً مساوی بوده و یکدیگر را خنثی می‌کنند، بنابراین مسیر قطره تحت تأثیر چرخش میدان بصورت مشاهده شده در شکلهای (۳) و (۴) در می‌آید. توضیحات بیشتر در مورد نیروهای اعمالی به قطره در انتهای مقاله آورده شده است.

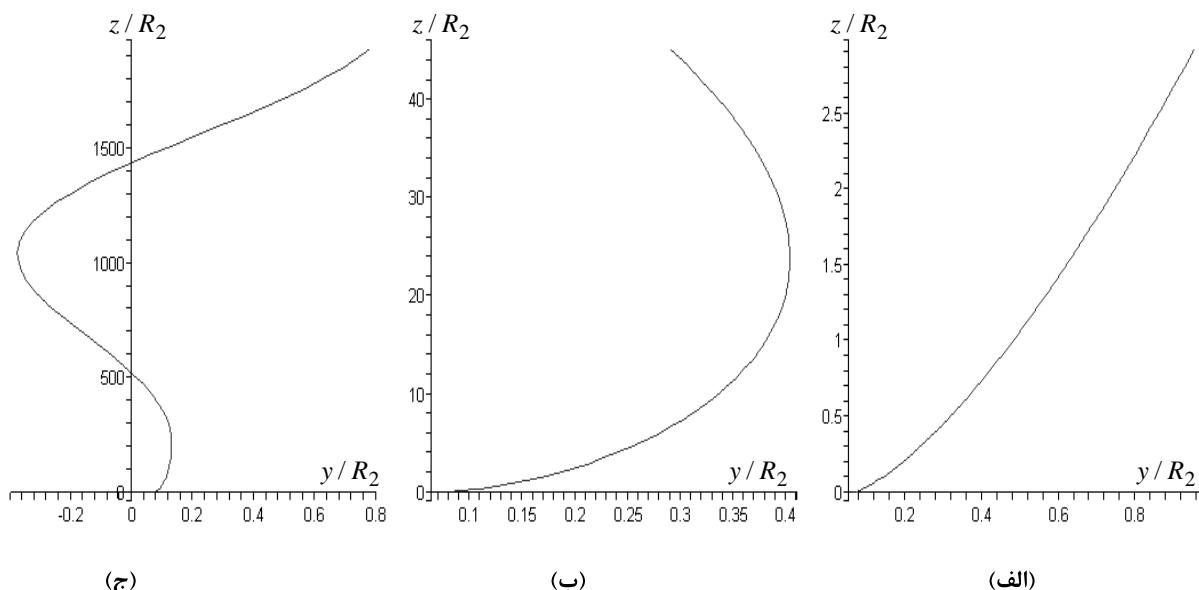


(ج)

(ب)

(الف)

نمودار ۳. مسیر قطره در صفحه x-y (نمای بالا) در شدت چرخشهای متفاوت میدان جریان  
شکل (الف) مربوط به  $\Omega = 0$  - شکل (ب) مربوط به  $\Omega = 10$  و شکل (ج) مربوط به  $\Omega = 50$  می‌باشد.

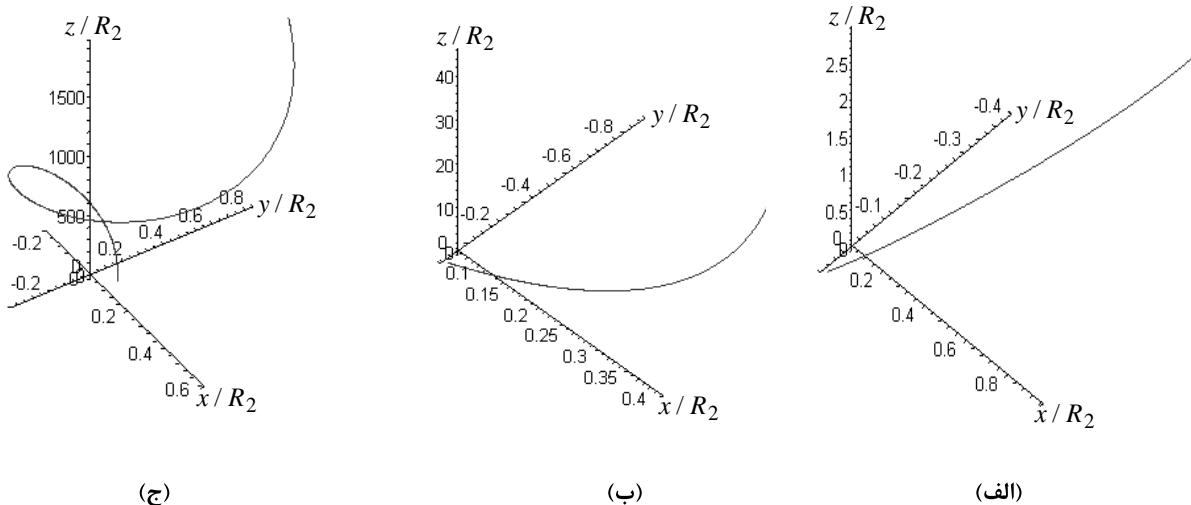


(ج)

(ب)

(الف)

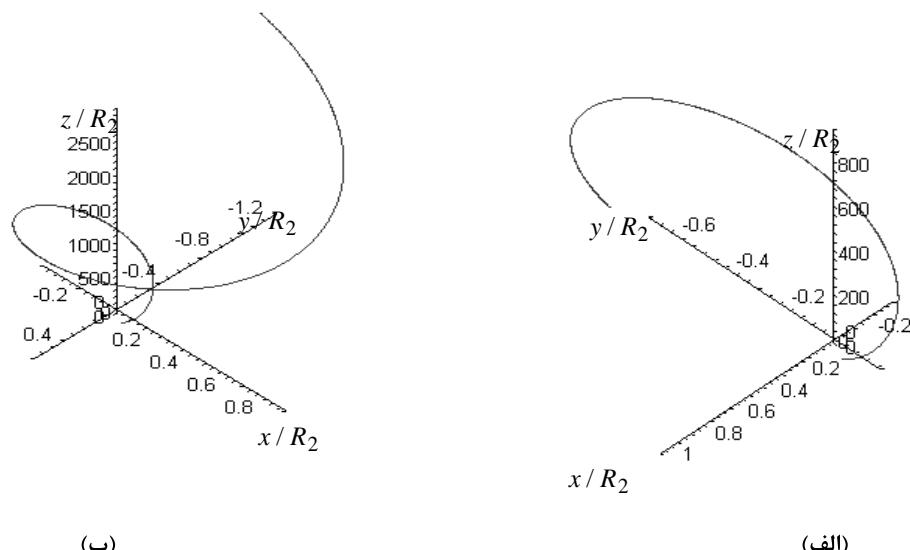
نمودار ۴. مسیر قطره در صفحه z-y (نمای کنار) در شدت چرخشهای متفاوت میدان جریان  
شکل (الف) مربوط به  $\Omega = 0$  - شکل (ب) مربوط به  $\Omega = 10$  و شکل (ج) مربوط به  $\Omega = 50$  می‌باشد



نمودار ۵. مسیر قطره در شدت چرخشهای متفاوت میدان جریان (نمای سه بعدی)

شکل (الف) مربوط به  $\omega = 5.0$  - شکل (ب) مربوط به  $\omega = 10.0$  و شکل (ج) مربوط به  $\omega = 50.0$  می باشد

در ضمن نکته قابل توجه دیگر اثر نسبت چگالی روی مسیر قطره می باشد. در شکل (۶) می توان مشاهده کرد که هرچه این نسبت بیشتر باشد، یعنی قطره دارای چگالی بیشتر باشد، زودتر از خطوط جریان جدا شده و به دیواره کناری برخورد می کند و بر عکس هرگاه نسبت چگالی قطره و سیال کم باشد، قطره بهتر خطوط میدان جریان را دنبال می کند.



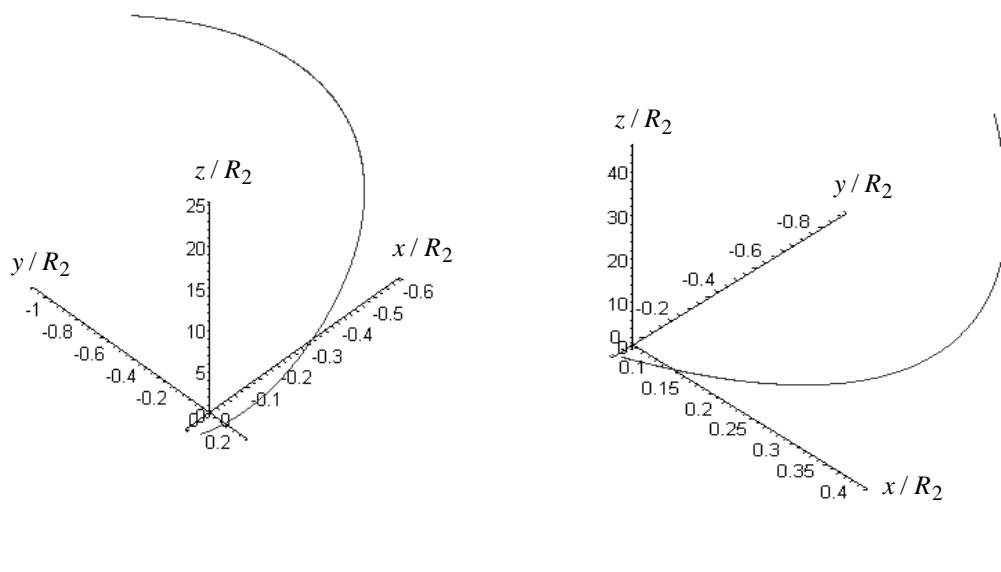
نمودار ۶. مسیر قطره در میدان جریان برای دو نسبت چگالی متفاوت برای شدت چرخش یکسان  $\gamma = 680$  و  $\omega = 50.0$

شکل (الف) برای نسبت چگالی  $\gamma = 855$  و شکل (ب) برای نسبت چگالی  $\gamma = 855$  می باشد.

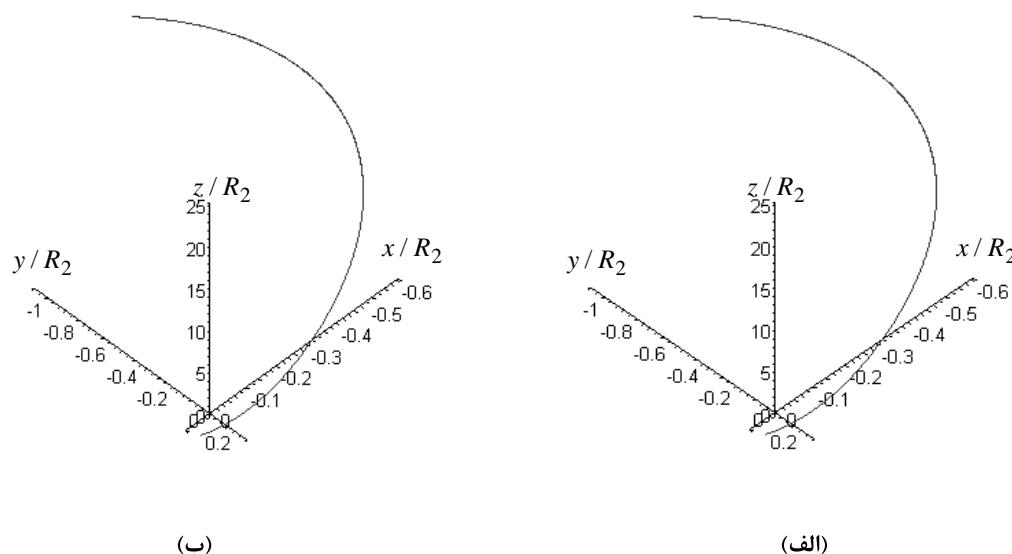
نتایج برای دو قطره با اندازه های مختلف شعاع  $a = 1\text{ mm}$  و  $a = 0.5\text{ mm}$  برای شرایط یکسان شدت چرخش میدان در شکل (۷) نشان داده شده است. هرچه اندازه قطره کوچکتر باشد، بیشتر با خطوط جریان درگیر شده و همین باعث می شود که مسافتی که در راستای محوری می پیماید، نسبت به قطره با اندازه بزرگتر، کمتر باشد. بنابراین با کاهش اندازه قطره ساخت پاشیده شده در محفظه می توان مشاهده کرد که قطره در فاصله کمتری از ابتدای محفظه و با طی مسیر طولانی تر به جداره

برخورد می‌کند. مسیر طولانی‌تر قطره به دلیل حرکت چرخشی است که به خاطر قرار گرفتن در میدان ورتکسی به وجود می‌آید.

با این اختلاف دمایی کمی که بین قطره و سیال وجود دارد، در شکل (۸) می‌بینیم که انتقال حرارت اثر بسیار کمی بر مسیر ذره داشته و قابل چشمپوشی می‌باشد.

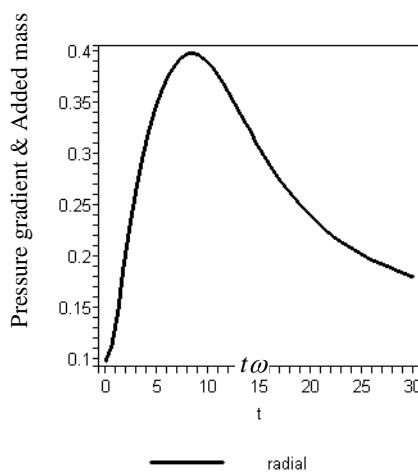


نمودار ۷. اثر اندازه قطره در چگونگی مسیر طی شده در میدان جریان برای شدت چرخش یکسان  $\omega = 10 \text{ s}^{-1}$   
شکل (الف) مربوط به شعاع قطره  $a=1\text{mm}$  و شکل (ب) مربوط به شعاع قطره  $a=0.2\text{mm}$  می‌باشد.

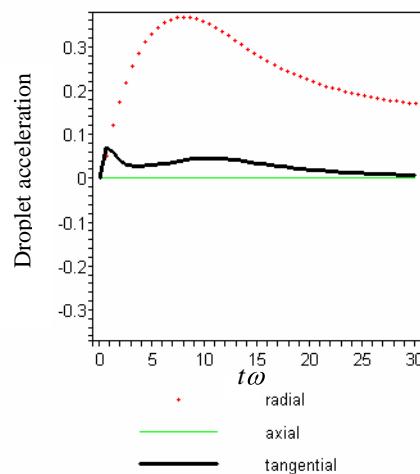


نمودار ۸. اثر انتقال حرارت قطره و سیال در چگونگی مسیر طی شده توسط قطره در شدت چرخش یکسان میدان جریان  $\omega = 10 \text{ s}^{-1}$   
شکل (الف) با انتقال حرارت و شکل (ب) بدون انتقال حرارت است.

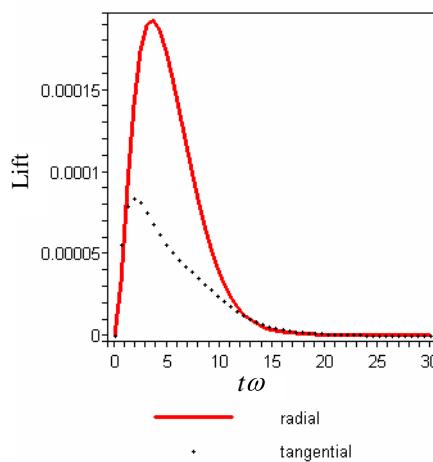
نکته دیگری که در اینجا لازم است به آن پرداخته شود، بررسی ترمهای نیرویی معادلات و شتاب قطربه می‌باشد. شکل (۹) نحوه تغییرات شتاب قطربه را نشان می‌دهد. مشاهده می‌کنیم که شتاب شعاعی بزرگتر از شتاب مماسی بوده و شتاب محوری نیز صفر می‌باشد. اگر معادلات مومنتوم با دقت بیشتری بررسی شود، می‌توان دریافت که نیروی جرم مجازی نسبت به سایر نیروها دارای مقدار بسیار کمتری است. نکته ای که در اینجا باید مورد توجه قرار گیرد این است که نمودارها با رسم ترم به ترم معادلات حاکم بدست آمده و بر واحد  $M \times R\omega^2$  رسم شده‌اند که  $M$  جرم قطربه می‌باشد، بطوریکه نمودارها تنها نحوه تغییرات نیروها را نشان می‌دهند و از لحاظ کیفی و مقایسه‌ای مورد اهمیت می‌باشد. شکل (۱۰) نحوه تغییرات نیروی ناشی از گرادیان فشار به همراه جرم مجازی را نشان می‌دهد. این نیرو در مقایسه با سایر نیروها دارای اندازه بزرگتری می‌باشد و مؤلفه شعاعی آن بر سایر نیروهای شعاعی غلبه می‌نماید. بطور کلی در میدان جریان دورانی ما شاهد پیدایش گرادیان فشار شعاعی می‌باشیم که با افزایش میزان دوران مقدار آن نیز زیاد می‌گردد. این نیرو دارای جهت مثبت بوده و باعث راندن قطربه به سمت دیواره می‌شود. نیروی جرم مجازی پس از مدتی به علت کاهش شتاب قطربه حذف می‌گردد. نیروی پسا در راستای محوری از لحاظ اندازه بزرگ بوده ولی همانطور که در شکل (۱۱) می‌بینیم دو مؤلفه دیگر بسیار کوچک و از لحاظ اندازه قابل مقایسه‌اند. نیروی پسا شعاعی با توجه به کاهش مقدار  $\frac{\partial P}{\partial r}$  در طول زمان، پس از مدتی به صفر می‌رسد. این زمان با افزایش شدت چرخش میدان کاهش می‌یابد. شکل (۱۲) نیز چگونگی تغییرات نیروی برآ را در دو راستای شعاعی و مماسی نشان می‌دهد. مشاهده می‌کنیم که با جدا شدن قطربه از خطوط ورتکسی میدان جریان نیروی برآ کاهش یافته و به سمت صفر میل می‌کند.



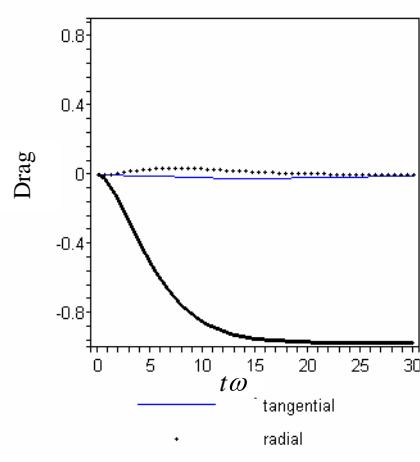
نمودار ۱۰. نحوه تغییرات نیروی جرم مجازی و گرادیان فشار



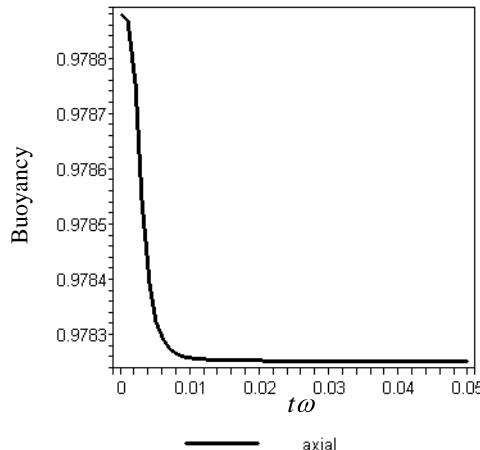
نمودار ۹. نحوه تغییرات شتاب قطربه



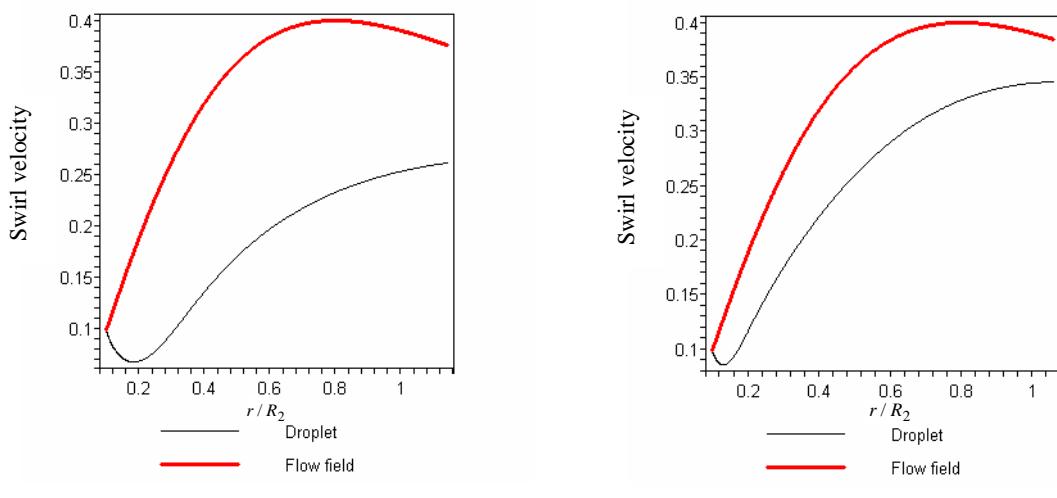
نمودار ۱۲. نحوه تغییرات نیروی برآ (شعاعی و مماسی)



نمودار ۱۱. نحوه تغییرات نیروی پسا



نمودار ۱۳. نحوه تغییرات نیروی بیویانسی



نمودار ۱۴. نحوه تغییرات سرعت مماسی قطره و جریان.

شکل (الف) مربوط به  $\omega = 1 \text{ s}^{-1}$  و شکل (ب) مربوط به  $\omega = 10 \text{ s}^{-1}$  می باشد.

نکته بسیار مهمی که در اینجا باید مورد توجه قرار گیرد این است که در نگاه اول به نظر می رسد که وزن بالای قطره (نسبت به سیال) موجب غالب بودن نیروی وزن و سقوط قطره می شود. بنحوی که تأثیر چرخشی میدان هم نمی تواند مانع شود. ولی با نگاه دقیقتر به میزان نیروها در راستای محوری و مقایسه نیروی بیویانسی (شکل ۱۳) و نیروی پسا محوری (شکل ۱۱) می توان دید که این دو نیرو از لحاظ اندازه تقریباً مساوی و در خلاف جهت یکدیگر بر قطره عمل می کنند، بطوریکه تا حد زیادی اثر وزن توسط نیروی پسا خنثی می شود. این دو نیرو تنها نیروهایی هستند که در طولانی مدت وجود دارند. تغییراتی که در ابتداء در نیروی بیویانسی مشاهده می شود، با توجه به رابطه (۱۹) به دلیل تغییرات  $C_A$  در ابتداء حرکت قطره می باشد و این نیرو خیلی سریع به مقدار ثابتی می رسد.

نمودار (۱۴) بیانگر میزان تبعیت قطره از میدان جریان چرخشی در مورد مهمترین مؤلفه سرعت که در راستای مماسی است، می باشد. همانطور که انتظار می رود، در شکل (الف) که شدت چرخش میدان کمتر است، تطابق بهتری برای سرعت مماسی قطره و جریان نسبت به شکل (ب) که شدت چرخش ده برابر بیشتر است، مشاهده می شود. بطور کلی چون درصد بالایی از میدان جریان را چرخش اجباری تشکیل می دهد، با افزایش شدت چرخش میدان، قطره سریعتر به سمت دیواره پرتاپ می شود.

#### ۴- جمع‌بندی

در این مقاله مسیر قطره در میدان جریان چرخشی و شعاع قطره، همچنین اندازه‌های متفاوت شدت میدان با در نظر گرفتن انتقال حرارت مورد بررسی قرار گرفت. اختلاف چگالی قطره و سیال حامل باعث انحراف مسیر قطره از خطوط جریان می‌شود. به خاطر بیشتر بودن چگالی قطره نسبت به هوا، قطره‌ها از محور دور شده و با طی یک مسیر مارپیچ به دیواره برخورد می‌کنند. هر چه نسبت چگالی بیشتر و اندازه قطره بزرگ‌تر باشد، سریعتر از خطوط جریان جدا می‌شود و همچنین هرچه شدت چرخش میدان بیشتر باشد نیز این اتفاق رخ خواهد داد.

با مقایسه ترمehای نیرویی دریافتیم که نیروی جرم مجازی دارای مقدار بسیار کمی در مقایسه با سایر نیروها می‌باشد و در مواردی که نسبت چگالی بین فاز پیوسته و گستته زیاد است می‌توان از این نیرو صرفنظر کرد. مؤثرترین نیروها، نیروی پسا و نیروی ناشی از گرادیان فشار و نیروی بوبانسی می‌باشد بطوریکه دو نیروی وزن و پسای محوری یکدیگر را خنثی می‌کنند. وقتی اختلاف دمای قطره و سیال زیاد نباشد، می‌توان از اثرات تبخیر چشمپوشی کرد. بنابراین در شرایط گفته شده، انتقال حرارت اثر بسیار ناچیزی روی مسیر قطره خواهد داشت.

#### مراجع

- 1- Magaud, F., Najafi, A. F., Angilella, J. R., Souhar, M., "Modeling and Qualitative Experiments on Swirling Bubbly Flows: Single Bubble With Rossby Number of Order 1," *J. Fluid Eng.* Vol. 125, pp.1-8 , 2003.
- 2- Greenspan, H. P., Ungarish, M., "On the Centrifugal Separation of a Bulk Mixture," *Int. Journal of Multiphase Flow*. Vol. 11, No.6, pp.825-835. 1985.
- 3- Greenspan, H. P., "On the Centrifugal Separation of a Mixture," *J. Fluid Mech.* Vol. 127, pp. 91-101, 1993.
- 4- Tsuji, Y., "Activities in Discrete Particle Simulation in Japan," *Powder Technol.* Vol. 113, pp.278-286, 2000.
- 5- Prud'homme, R., Gottesdiener, L., Dodemand, E., Kuentzmann, P., "Asymptotic Analysis of Vortex Flows in Suspensions," *Int. Journal of Multiphase Flow*. Vol. 24, No. 3, pp.453-478. 1998.
- 6- Payri, F., Benajes, J., Margot, X., Gil, A., "CFD Modeling of the in-Cylinder Flow in Direct-Injection Diesel Engine," *Computers & Fluids*.Vol. 33, pp. 995-1021, 2004.
- 7- Berlemont, A., Desjonquieres, P., Gouesbet, G., "Particle Lagrangian Simulation in Turbulent Flows," *Int. Journal of Multiphase Flow*. Vol. 16, pp. 19-34, 1990.
- 8- Clift, R., Grace, J. R., Weber, M. E., *Bubbles, Drops, and Particles*, New York, Academic Press, 1978.
- 9- Odar, F., "Unsteady Motion of a Sphere Along a Circular Path in a Viscous Fluid," *J. Appl. Mech.* Vol. 86, pp. 652-654, 1968.
- 10- Auton, T. R., "The Lift Force on a Spherical Body in a Rotational Flow," *J. Fluid Mech.*, Vol. 183, pp.199-218, 1987.
- 11- Incropera, F. P., DeWitt, D.P., *Fundamental of Heat and Mass Transfer*, John Wiley and Sons, New York, 1996.
- 12- Ranz, W.E., Marshall, W.R., "Evaporation From Drops," *Chem. Eng. Prog.* Vol. 48 , pp.141-173, 1952.